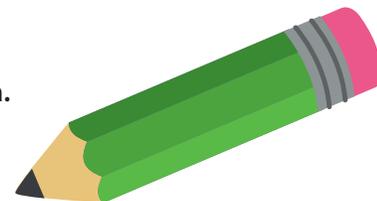


Clase 1

Tema: Los conjuntos numéricos: naturales, enteros y racionales

Actividad 1

En el espacio asignado , escriba **V** si la afirmación es verdadera o **F** si es falsa. Justifique la respuesta si respondió (**F**).



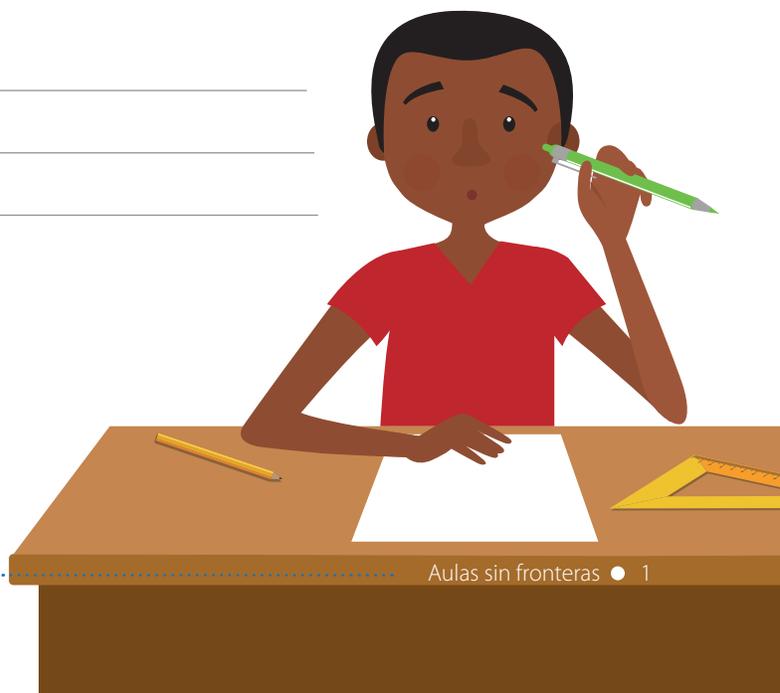
El número -7 es natural.

El número cero es entero positivo.

Todos los números naturales son enteros.

Existen números enteros que son naturales.

Algunos números racionales no son enteros.



Actividad 2

Complete las tablas según corresponda.

1 Escriba ✓ en el conjunto al que pertenece cada número

Número	N	Z	Q
1500			
$\frac{5}{2}$			
-723			
-0,5			

2 Escriba los números que cumplen las condiciones dadas

Número	N	Z	Q
			✓
	✓	✓	✓
	✓		
	✓	✓	

Actividad 3

Ubique los siguientes números en la recta numérica.

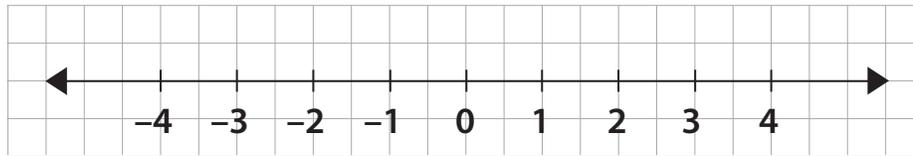
1 -3

2 $-\frac{1}{2}$

3 $\frac{9}{4}$

4 -1,6

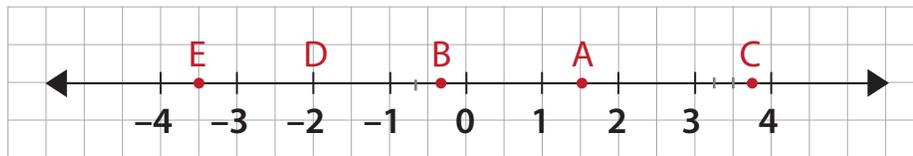
5 $\frac{3}{5}$



Actividad 4

Escriba en el recuadro el número racional que corresponde.

A B C D E

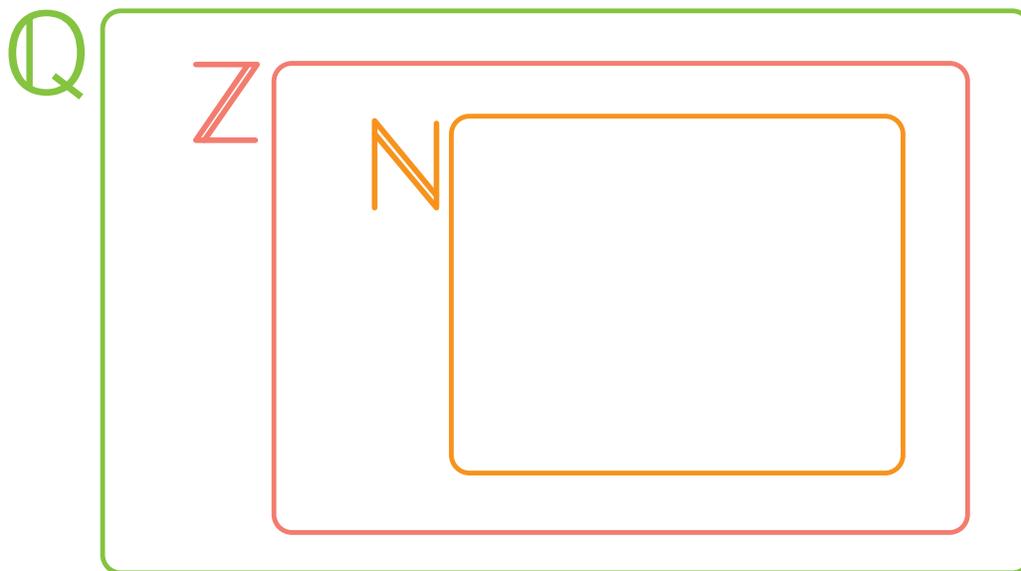


Clase 2

Actividad 5

Ubique los siguientes números en el diagrama de *Venn* teniendo en cuenta el conjunto numérico al que pertenece cada uno.

- 1 $\frac{1}{3}$
- 2 -7530
- 3 $\frac{45}{8}$
- 4 $-\frac{15}{7}$
- 5 25
- 6 $\frac{16}{8}$
- 7 0,8
- 8 1,532
- 9 -12
- 10 0



Actividad 6

Escriba los elementos de los siguientes conjuntos. Observe el ejemplo en los globos.

C = {números naturales mayores que 5}

C = {6, 7, 8, ...}

1 H = {números mayores que -4 y menores o iguales que -1}

H = { _____ }

2 T = {números menores que -5}

T = { _____ }



Actividad 7

1 Utilice los símbolos \in (pertenece) y \notin no pertenece en cada caso.

a) $-27 \square \mathbb{N}$

b) $-\frac{2}{8} \square \mathbb{Q}$

c) $532 \square \mathbb{Z}$

d) $-1,98 \square \mathbb{Z}$

Pertenece se utiliza entre elemento y conjunto.



2 Utilice los símbolos \subset (está contenido) y $\not\subset$ no está contenido en cada caso.

a) $\mathbb{Z}^- \square \mathbb{N}$

b) $\mathbb{N} \square \mathbb{Q}$

c) $\mathbb{Q} \square \mathbb{N}$

d) $\mathbb{Z}^+ \square \mathbb{Z}$

Contenencia se usa de conjunto a conjunto.



Actividad 8

Escriba los símbolos \in , \notin , \subset o $\not\subset$ según corresponda.

1 $0 \square \mathbb{Q}$

2 $0,8 \square \{0, 2, 4, 6, 8, 10\}$

3 $\mathbb{N} \square \mathbb{Z}$

4 $\{1, 3, 5\} \square \mathbb{Q}$

5 $\{0,5, \frac{3}{4}, 1\} \square \mathbb{N}$

6 $\{5\} \square \mathbb{N}$



Clase 3

Actividad 9

1 Exprese los siguientes números racionales en forma decimal.

- a) $\frac{7}{5} =$ _____
- b) $-\frac{9}{8} =$ _____
- c) $\frac{5}{3} =$ _____
- d) $-\frac{82}{11} =$ _____
- e) $\frac{613}{100} =$ _____
- f) $\frac{49}{6} =$ _____

2 Exprese los siguientes números decimales en forma racional

- a) 1,8 = _____
- b) $-4,\overline{19} =$ _____
- c) 0,0512 = _____
- d) 4,4 = _____
- e) $0,\overline{43} =$ _____
- f) $-1,\overline{325} =$ _____

El conjunto de dígitos que se repiten en la parte decimal, se denomina **período**.



Los decimales se pueden clasificar en finitos e **infinitos**.

Los infinitos pueden ser periódicos puros o periódicos mixtos.



Actividad 10

Clasifique los siguientes números en decimal finito, periódico puro o periódico mixto.

- 1 1,4 _____
- 2 $1,\overline{6}$ _____
- 3 $-7,\overline{45}$ _____
- 4 0,875 _____
- 5 $0,\overline{43}$ _____
- 6 0,001 _____
- 7 $-3,\overline{58}$ _____

Decimal periódico puro: aquel en el que el periodo empieza inmediatamente después de la coma.

Decimal periódico mixto: aquel en el que el período empieza unas cifras después de la coma.



Actividad 11

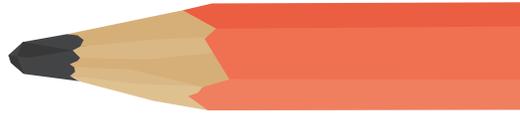
Complete la siguiente tabla. Observe el ejemplo.

Racional como fracción	Racional como decimal	Clasificación
$\frac{7}{40}$	0,175	Finito
$\frac{10}{11}$		
$\frac{4}{9}$		
	$-0,5\bar{3}$	
	$-2,4\bar{81}$	

The grid is a large empty space for students to write their answers. In the bottom right corner, there is a cartoon chalkboard on a wooden stand. The chalkboard has a green surface and contains the following content: a checkmark in a square box, the number 7, the equation $2 + 5 =$, and the fraction $\frac{4}{2}$.



Clase 4


 Actividad 12

Escriba **V** si la afirmación es verdadera o **F** si la afirmación es falsa. Justifique su respuesta si escribió que la afirmación es **falsa**.

- 1 Toda fracción es un decimal periódico mixto.

- 2 Algunos números racionales tienen infinitas cifras decimales periódicas.

- 3 Si un número decimal periódico puro tiene parte entera 5 y período $\bar{4}$, entonces el número puede ser $5,0\bar{4}$.

- 4 El número $5,8\bar{9}$ es un decimal periódico puro.

- 5 El número $-\frac{7}{40}$ está entre los números enteros -9 y -8 .


 Actividad 13

Lea la siguiente situación. Luego, resuelva las preguntas planteadas en la cuadrícula que se brinda a continuación:

Los estudiantes del Colegio Andrés Bello estuvieron de excursión. $\frac{1}{3}$ viajó a Nuquí, $\frac{2}{15}$ viajaron al parque natural Los Katíos y el resto viajó al parque natural La Ensenada de Utría.



Resumen

Expresión de fracción decimal como número decimal

Para expresar **una fracción decimal como número decimal**, se escribe el numerador de la fracción y en él se separan con una coma, de derecha a izquierda, tantas cifras decimales como ceros tenga el denominador de la fracción. Si las cifras no alcanzan, se agregan a la izquierda tantos ceros como sean necesarios.

Por ejemplo: $\frac{3}{100} = 0,03$

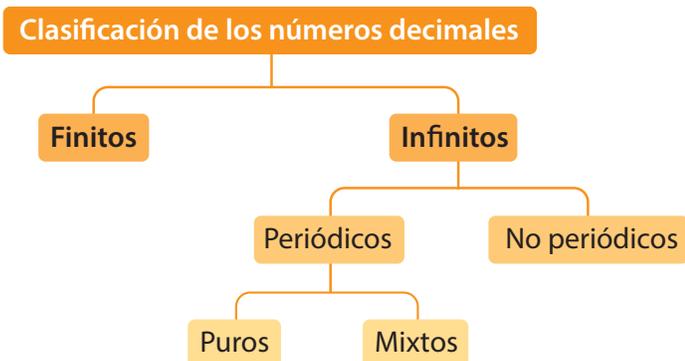
Expresión de número decimal como fracción decimal

Para expresar **un número decimal como una fracción decimal**, se escribe en el numerador el número sin la coma decimal, y como denominador la unidad seguida de tantos ceros como cifras decimales tenga el número decimal.

Por ejemplo, $0,0051 = \frac{51}{10000}$

Clasificación de números decimales

El siguiente esquema muestra cómo se clasifican los números decimales.



■ **Decimal finito** es aquel que tiene parte decimal finita. Por ejemplo, $\frac{3}{4} = 0,75$

■ **Decimal periódico puro** es un número decimal cuya parte decimal es infinita.

Por ejemplo, $0,\overline{8}$, $1,\overline{45}$

$$0,\overline{8} = \frac{8-0}{9} = \frac{8}{9}$$

$$1,\overline{45} = \frac{145-1}{99} = \frac{144}{99}$$

■ **Decimal periódico mixto** es aquel cuya parte decimal es infinita y tiene un periodo que no empieza inmediatamente después de la coma decimal.

Por ejemplo, $0,1\overline{8}$, $3,5\overline{24}$

$$0,1\overline{8} = \frac{18-1}{90} = \frac{17}{90}$$

$$3,5\overline{24} = \frac{3534-35}{990} = \frac{3489}{990}$$

■ A las cifras decimales que se repiten en un decimal periódico se les llama **periodo**.



Clase 5

 Actividad 14 – Prueba Saber

Lea con atención cada enunciado y marque con **X** la respuesta correcta.

- 1** En un Instituto $\frac{2}{3}$ de los estudiantes trabajan en artes gráficas, $\frac{1}{6}$ laboran en textiles y el resto trabajan en otros oficios.

Sobre el número de estudiantes que tienen otros oficios en este grupo se puede afirmar que:

- A. Es superior al número de estudiantes que trabajan en textiles.
- B. Es inferior al número de estudiantes que trabajan en artes gráficas.
- C. Es igual al número de estudiantes que trabajan en textiles.
- D. Es inferior a la suma del número de estudiantes que trabajan en artes gráficas y textiles.

- 2** Dos números enteros satisfacen las siguientes condiciones

Condición 1: El segundo excede en 4 unidades al primero.

Condición 2: La diferencia entre el producto y la suma de los dos números es 20.

Los números que cumplen dichas condiciones son:

- A. -5 y -1
- B. -6 y -2
- C. 4 y -8
- D. 8 y 12

- 3** Si a y b son números naturales impares, entonces es incorrecto afirmar que:

- A. Su suma es par
- B. Su producto es impar
- C. Su suma es un \mathbb{Z}^-
- D. La suma de sus opuestos pertenece al conjunto de los \mathbb{Z}

- 4** La suma de un número natural con un número entero negativo siempre es:

- A. \mathbb{N}
- B. \mathbb{Z}
- C. \mathbb{Q}
- D. \mathbb{Z}^-

- 5** Si un lote de forma triangular tiene de base $\frac{5}{4}$ m y altura 3 m, entonces se puede afirmar que el área del terreno representa un número decimal:

- A. Periódico puro
- B. Periódico mixto
- C. Finito
- D. Infinito

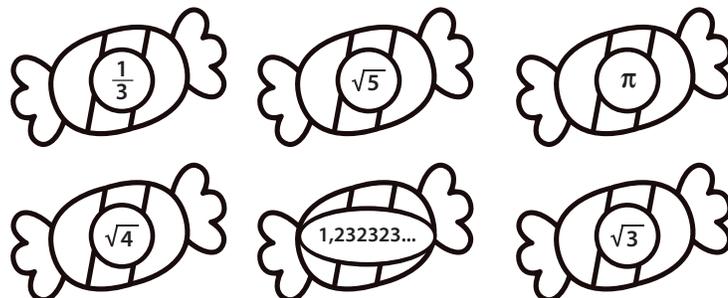


Clase 6

Tema: Números irracionales. Representación gráfica y teorema de Pitágoras

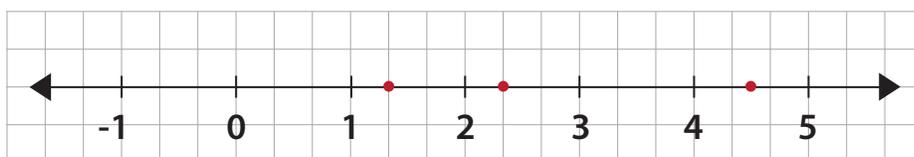
Actividad 15

Coloree con color azul los dulces que están marcados como números irracionales y con verde los que están marcados con números racionales. Explique cada elección.



Actividad 16

Relacione cada número irracional con el punto que representa en la recta numérica.



- 1 $\sqrt{2}$
- 2 $\sqrt{20}$
- 3 $\sqrt{3}$



Actividad 21

Relacione cada número irracional con su expresión decimal aproximada.

$\sqrt{30}$	5,0990195135927848	$\sqrt{32}$
	5,2915026221291812	
$\sqrt{33}$	5,4772255750516611	$\sqrt{28}$
	5,6568542494923802	
$\sqrt{26}$	5,5677643628300219	$\sqrt{31}$
	5,7445626465380287	

Actividad 22

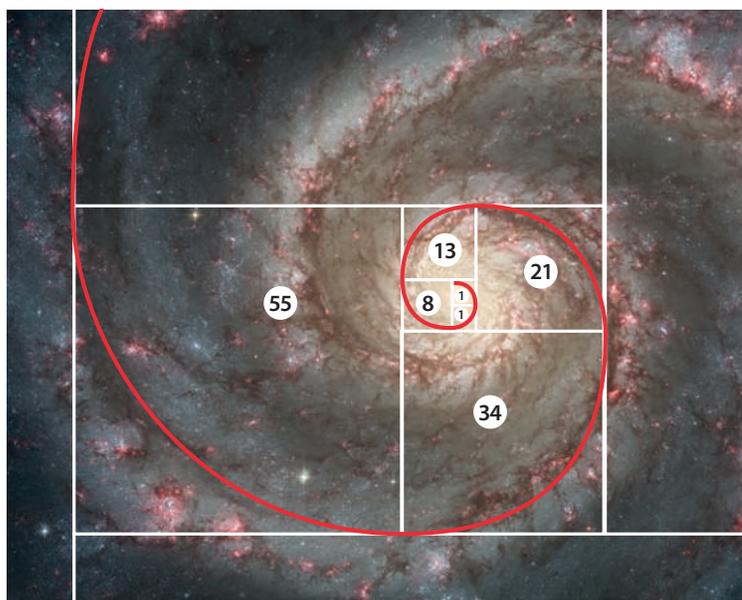
Lea de manera atenta el siguiente texto:

Una forma de aproximarse al número áureo es por medio de la llamada **sucesión de Fibonacci**. Algunos números de esta sucesión son los siguientes:

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...

Un número de la sucesión de Fibonacci se forma como la suma de los dos anteriores; así, el siguiente número de la sucesión se forma como $13 + 21 = 34$.

Si se dividen dos números consecutivos de la sucesión de Fibonacci el resultado se aproxima al número áureo y entre más grandes sean los números que se dividen, más cercana es la aproximación.



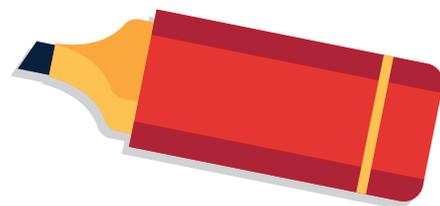
Lo asombroso de la sucesión es que está presente prácticamente en todas las cosas del Universo: las semillas de las flores y las galaxias, entre otras.



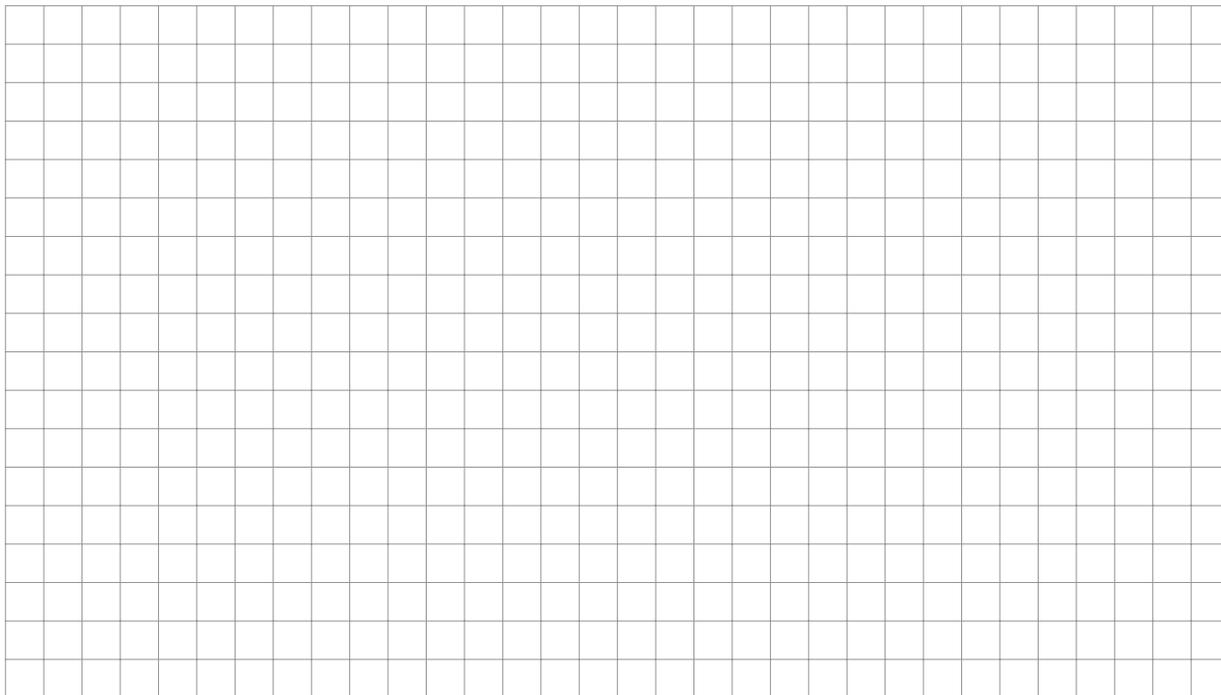
Clase 8

Actividad 23

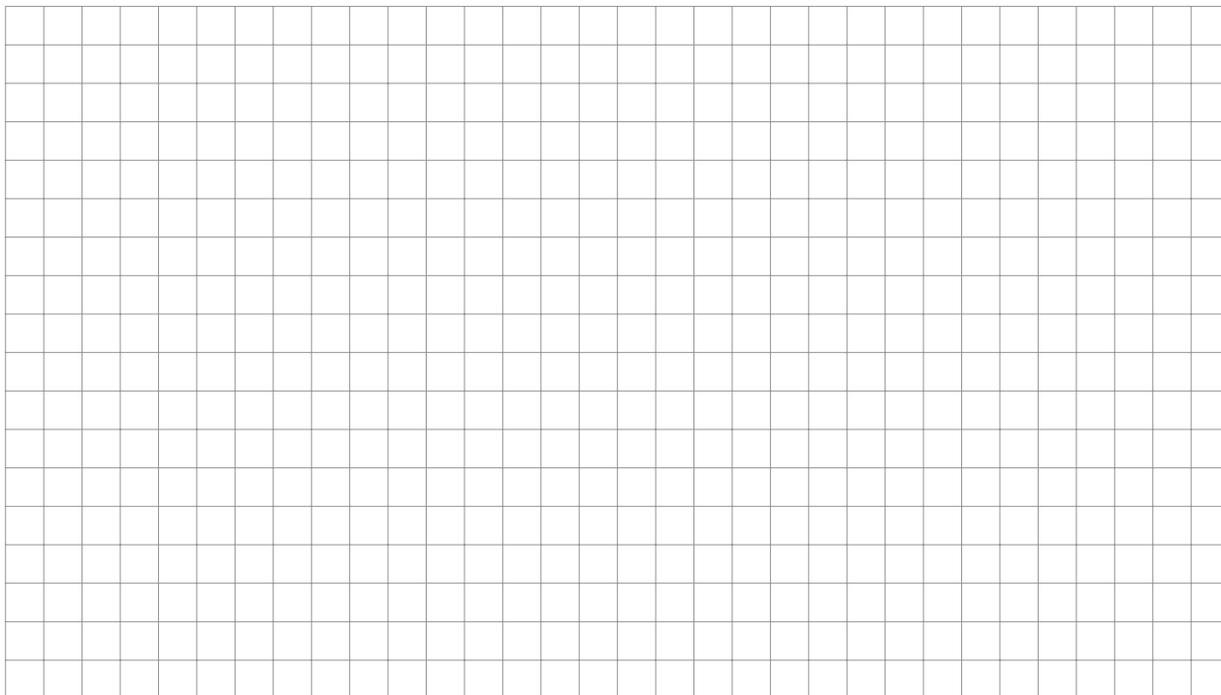
Construya los siguientes números irracionales.



1 $\sqrt{3}$



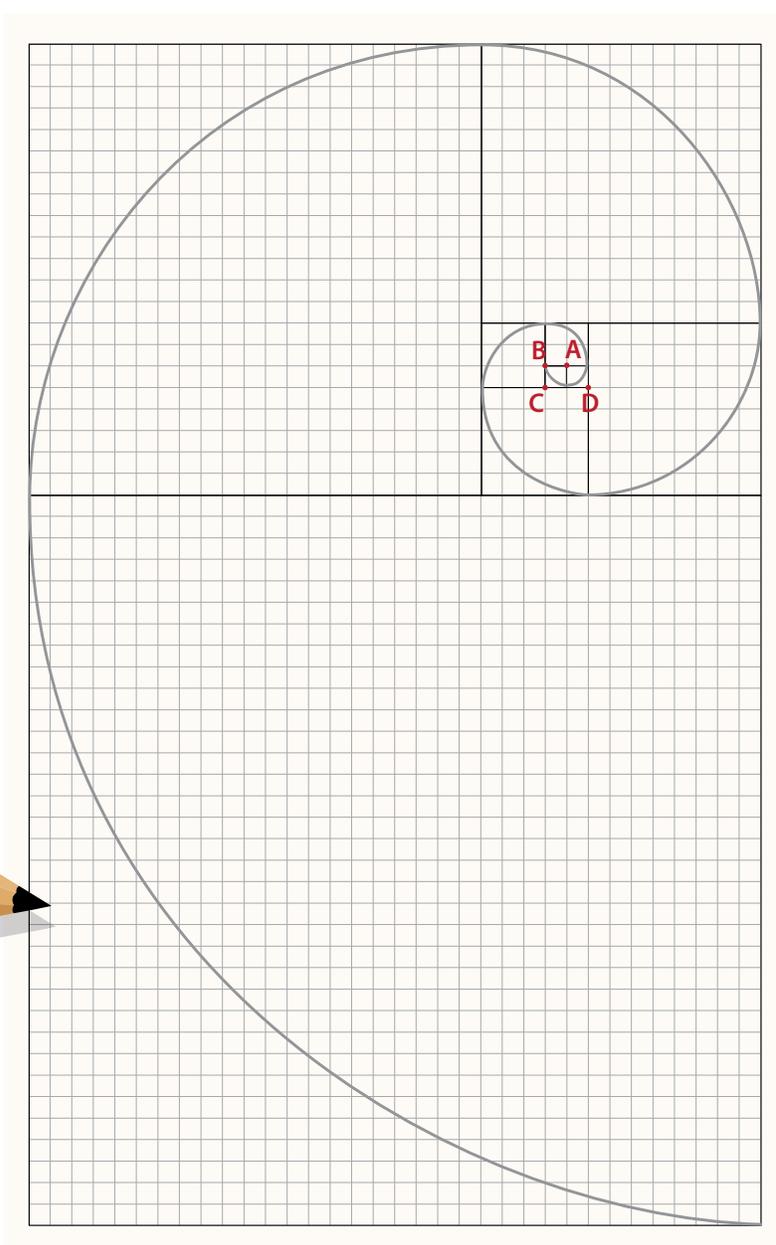
2 $\sqrt{7}$



Actividad 24

Siga los pasos para construir **La espiral de Durer**.

- 1 Construya sobre una hoja cuadriculada de su cuaderno un rectángulo de 34 cuadrados de base por 55 cuadrados de altura.
- 2 Construya dentro del rectángulo los cuadrados que se muestran en la espiral de la imagen. Cuente cuidadosamente el número de cuadros.
- 3 Ubique el compás en el punto A que se marca en la primera imagen.
- 4 Luego, trace la espiral así:
 - Desde el punto inicial A, trace un semi círculo.
 - Ubique el compás en el punto B, amplíe el radio y haga un cuarto de círculo.
 - Repita este proceso ubicando el compás en el punto C, luego en el D y comience el proceso de nuevo desde el punto A, luego en el B, etc., hasta completar la figura.



Clase 9

 Actividad 25

Marque frente a cada número si es racional o irracional. Justifique su respuesta.

1 $\sqrt{5}$ Racional Irracional

2 $6,\overline{23}$ Racional Irracional

3 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ Racional Irracional

4 $\sqrt{4}$ Racional Irracional

5 3,01234 Racional Irracional

 Actividad 26

Escriba el valor aproximado que cree que tiene cada raíz cuadrada. Use cuatro cifras decimales para la aproximación.

$$\sqrt{4} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\sqrt{5} = 2,23606$$

$$\sqrt{6} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\sqrt{7} = 2,64575$$

$$\sqrt{16} = 4$$

$$\sqrt{17} = 4,123105$$

$$\sqrt{18} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\sqrt{19} = 4,35889$$

$$\sqrt{20} = \underline{\hspace{2cm}}$$

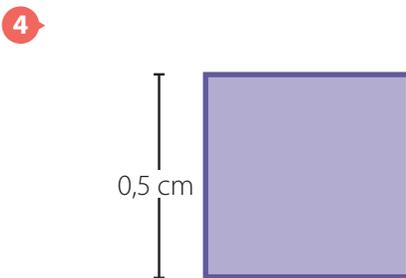
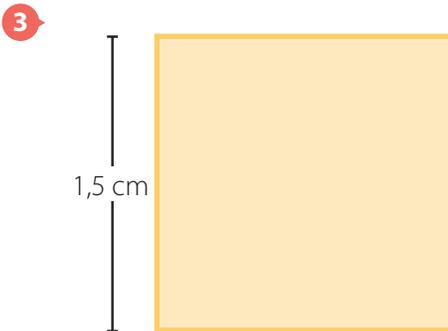
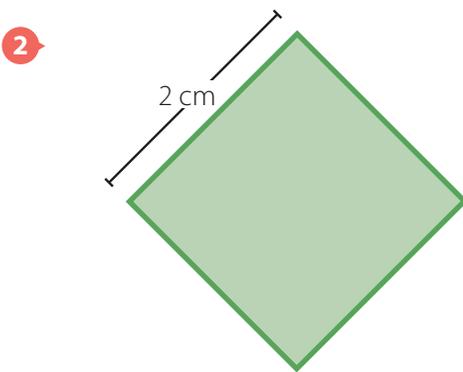
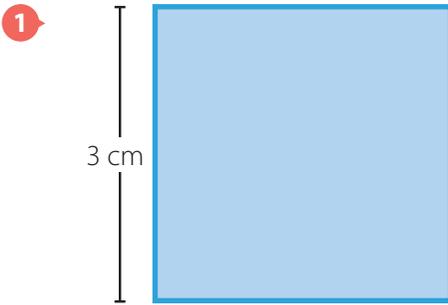
$$\sqrt{21} = 4,58257$$

Observe los valores dados para poder hacer la aproximación.



Actividad 27

Halle la medida de la diagonal de cada cuadrado usando el teorema de Pitágoras.



Resumen

Definición de número irracional

Los **números irracionales** son aquellos que no se pueden expresar como razones entre números enteros y tienen como característica que su expresión decimal es infinita y no periódica. Este conjunto se representa con la letra I .

Algunos irracionales son:

$$\sqrt{2} \quad \sqrt{3} \quad \pi \quad \frac{\sqrt{2}}{2}$$

Irracionales conocidos

Aunque los números irracionales son “extraños” hay varios de ellos que se usan con mucha frecuencia como:

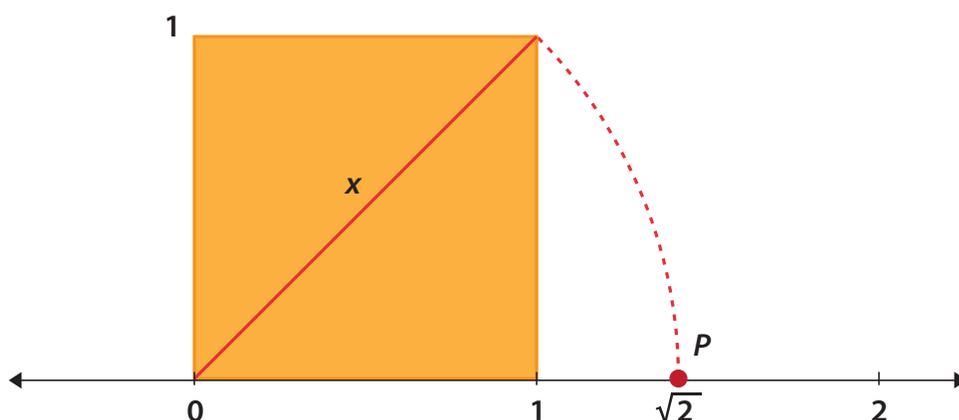
π Describe la relación entre el perímetro de una circunferencia y su diámetro.

e Se le llama así en honor al matemático Leonard Euler. Se utiliza con frecuencia en las funciones exponenciales.

φ Llamado el número de oro o el número aéreo. Representa las proporciones perfectas en la naturaleza.

Representación de $\sqrt{2}$

A continuación se muestra la construcción de $\sqrt{2}$ en la recta numérica.

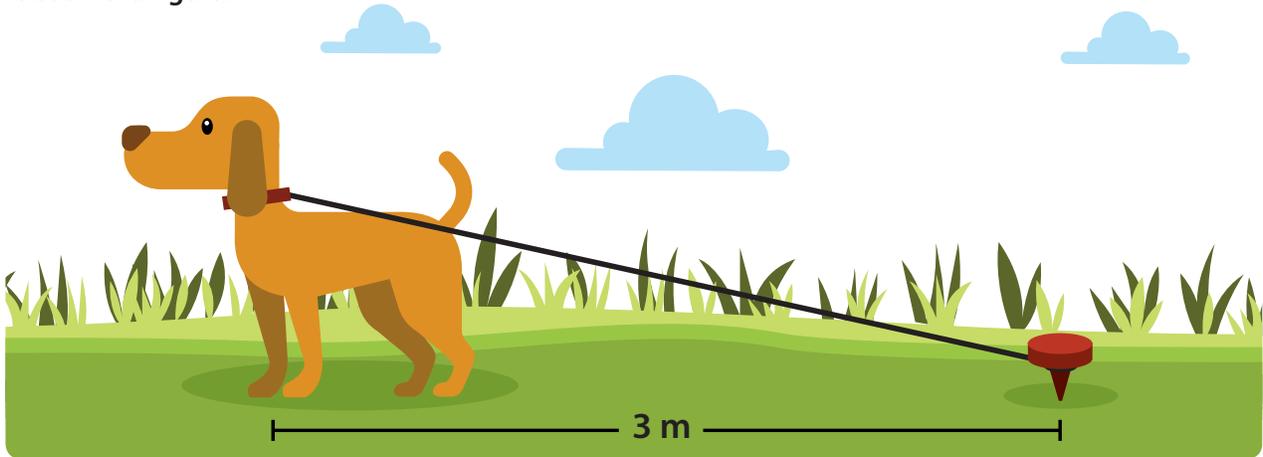


Clase 10

Actividad 28

Desafío matemático

1 Observe la figura.



¿El perro podrá alcanzar un plato de comida ubicado a 6 metros? Explique su respuesta.

2 Si el reloj de una torre da 3 campanadas en 2 segundos, ¿en cuánto tiempo dará 6 campanadas?



Clase 11

Tema: Los números reales

Actividad 29

Escriba verdadero (V) o falso (F) según las afirmaciones sean verdaderas o falsas. Justifique su respuesta si respondió **falsa**.

El opuesto de un número real es siempre un número real negativo. _____

Los números reales negativos son menores que 0. _____

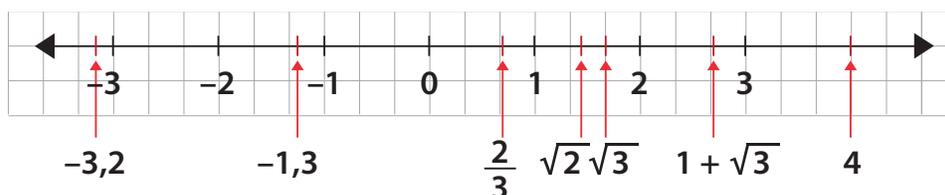
$\sqrt{4}$ es un número irracional. _____

$\sqrt{5}$ en la recta real está ubicado entre 2 y 3. _____

$-4 + \sqrt{2}$ en la recta numérica está entre -3 y -2 . _____

Actividad 30

1 Observe los números que se han ubicado en la recta numérica:



Si un número (a) está a la izquierda de otro (b) en la recta real, es porque (a) es menor que (b).

2 Escriba en cada caso los signos $<$ (menor que) o $>$ (mayor que) según corresponda.

a) $1 + \sqrt{3}$ 3

c) $-1,3$ $-3,2$

b) $\sqrt{3}$ $\sqrt{2}$

d) $\frac{2}{3}$ $\sqrt{2}$

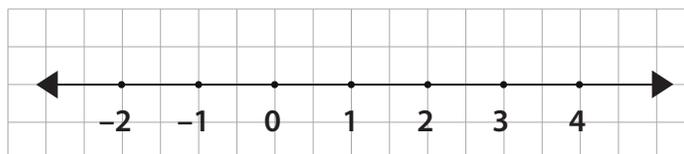


Clase 12

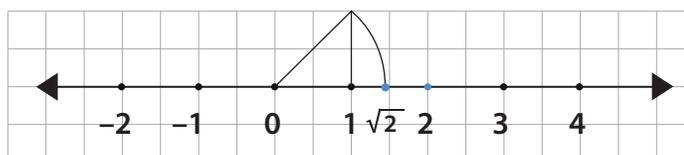
Actividad 33

Lea cuidadosamente el ejemplo dado, en el que se muestra paso a paso, el proceso para ubicar el número real $\sqrt{2} + 2$ en la recta numérica.

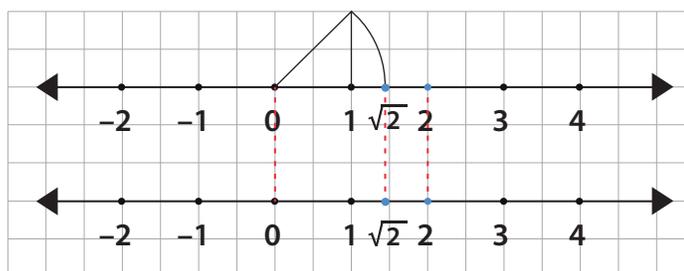
- 1 Trace una recta numérica como la siguiente:



- 2 Sobre la misma recta, represente los números reales $\sqrt{2}$ y 2. La gráfica ahora se verá así:



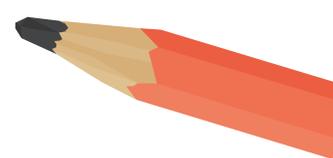
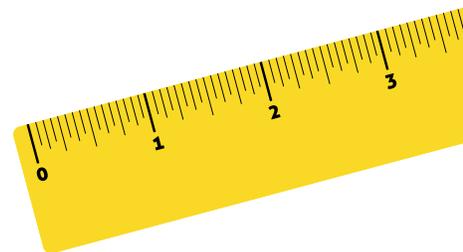
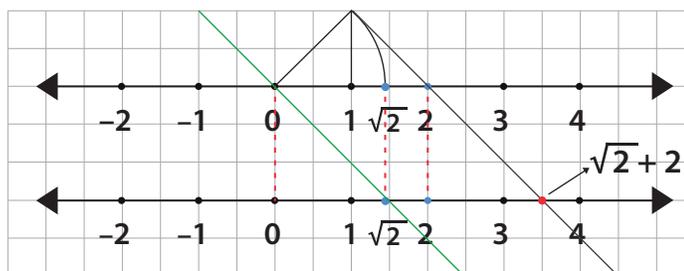
- 3 Trace una segunda recta numérica como se muestra a continuación (observe la correspondencia entre los puntos de las dos rectas).



- 4 Ahora trace una recta que pase por 0 (en la primera recta) y $\sqrt{2}$ (en la segunda recta). Luego, trace una paralela a esta recta que pase por 2 en la primera recta, la cual cortará a la segunda recta en el punto $\sqrt{2} + 2$.

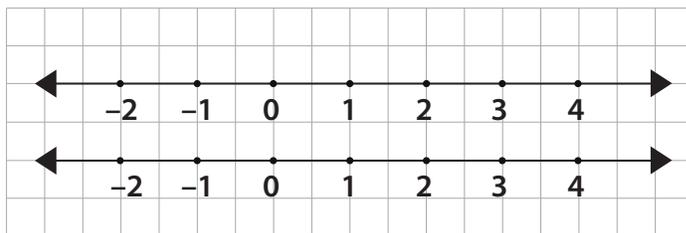
Con lo cual hemos terminado la representación geométrica del número real $\sqrt{2} + 2$.

Finalmente, la grafica quedará así:



Actividad 34

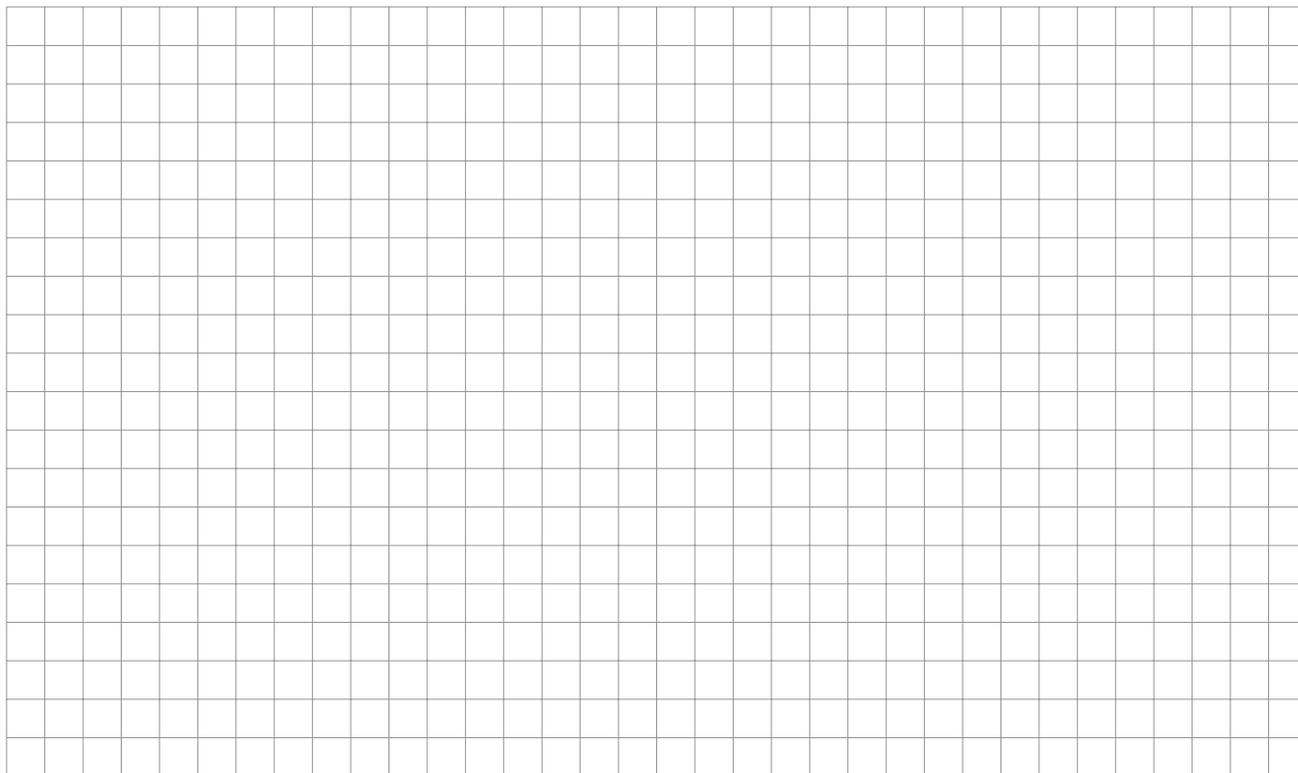
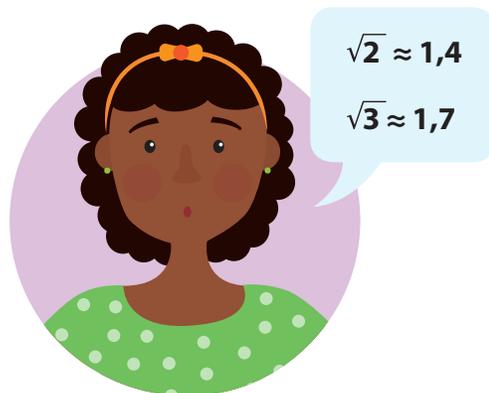
Siguiendo el procedimiento anterior y recordando cómo se representa geoméricamente el número irracional $\sqrt{5}$, haga la construcción (utilizando escuadras y compás) del número $2 + \sqrt{5}$.



Actividad 35

Ubique en la recta real los siguientes números de manera aproximada. Sugerencia: exprese cada raíz cuadrada en forma aproximada como un número decimal finito, con una sola cifra decimal.

- 1 $1 + \sqrt{2}$
- 2 $\sqrt{3} - 2$



Actividad 39

Efectuar los siguientes productos:

1 $\left(\frac{-3}{2}\right)\left(\frac{7}{6}\right) =$ _____

2 $(3,1)(0,25) =$ _____

3 $2\left(\frac{-1}{3}\right)\left(\frac{6}{7}\right) =$ _____

4 $(0,25)(0,2) =$ _____

5 $(0,75)(0,1)\left(\frac{4}{3}\right) =$ _____

Recuerde la propiedad asociativa de la multiplicación.
 $a(b c) = (a b) c$



Actividad 40 – Tarea

Desarrolle, en su cuaderno, las operaciones indicadas:

1 $(3 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{3}) =$

2 $0,3(0,2 + 0,8) =$

3 $(\sqrt{5} - 1)(\sqrt{5} + 1) =$

4 $(1 - \sqrt{2})\sqrt{3} =$

Recuerde que debe usar la propiedad distributiva.
 $a(b + c) = a b + a c$



Actividad 41 – Tarea

Simplifique, en su cuaderno, las expresiones dadas:

1 $(18\sqrt{3} \div 3\sqrt{3}) + (\sqrt{5} \div 2\sqrt{5}) =$

2 $-2\sqrt{3} - 18 + 7\sqrt{3} + 19 =$

3 $(0,75 \div 0,25) + (-0,4)(0,8) =$

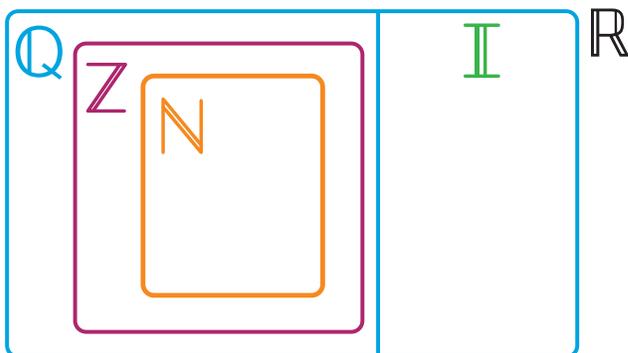
El producto de dos raíces con el mismo índice se puede escribir como una sola raíz.
Por ejemplo
 $\sqrt{2} \sqrt{7} = \sqrt{14}$



Resumen

Definición de números reales

El **conjunto de los números reales** es aquel formado por los números racionales y los números irracionales. El siguiente esquema muestra dicho conjunto y la relación de contención que se presenta entre los conjuntos numéricos.



$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

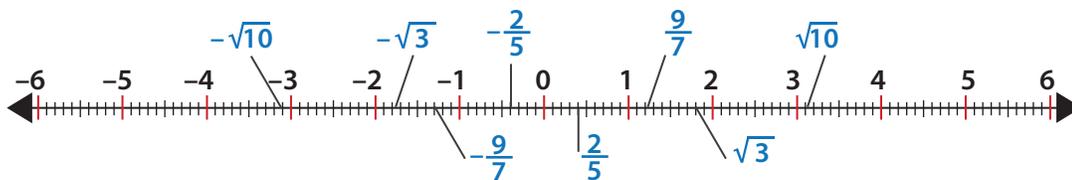
$$\mathbb{Z} = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$$

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b}, \text{ tal que } a \in \mathbb{Z}, b \in \mathbb{Z}, \text{ con } b \neq 0 \right\}$$

$$\mathbb{R} = \mathbb{Q} \cup \mathbb{I}$$

Representación gráfica

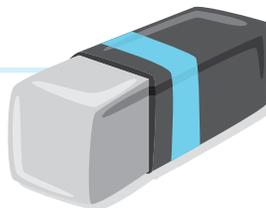
En la siguiente recta real se observa la representación geométrica de algunos números reales.



Operaciones en los números reales

En los números reales están bien definidas las operaciones de adición, sustracción, multiplicación y división siempre que el divisor sea distinto a cero (0).

Las propiedades de la suma y la multiplicación de números reales son: la clausurativa, la conmutativa, la existencia de inversos aditivos y multiplicativos, la existencia de elementos neutros y la distributiva de la multiplicación respecto a la adición.



Clase 15

Actividad 46 – Prueba Saber

Lea con atención cada enunciado y marque con **X** la respuesta correcta.

1 Doña Pepa fue al supermercado a comprar 8 kilos y medio de lentejas, y encontró que solamente había bolsas de 3 kilos, 1 kilo y ½ kilo.

Ella lleva exactamente la cantidad de lentejas que necesita, si compra:

- A. Dos bolsas de 3 kilos, una bolsa de 1 kilo y una bolsa de ½ kilo.
- B. Una bolsa de 3 kilos, cuatro bolsas de 1 kilo y cinco bolsas de ½ kilo.
- C. Dos bolsas de 3 kilos, dos bolsas de 1 kilo y una bolsa de ½ kilo.
- D. Una bolsa de 3 kilos, cinco bolsas de 1 kilo y tres bolsas de ½ kilo.



2 Un grupo de 6 estudiantes de Quibdó está organizando un paseo a Bahía Solano y después de hacer un pequeño presupuesto, determinan que requieren en promedio \$45.000 por estudiante. La tabla dada muestra la cantidad que aportó cada uno de los estudiantes.

Estudiante 1	\$ 23.000
Estudiante 2	\$ 42.000
Estudiante 3	\$ 42.000
Estudiante 4	\$ 46.000
Estudiante 5	\$ 47.000
Estudiante 6	\$ 88.000

¿Con este presupuesto, es posible realizar el paseo?

- A. Sí, porque el promedio del dinero reunido es aproximadamente el doble del requerido.
- B. Sí porque el promedio del dinero reunido es de \$3.000 más que el requerido.
- C. No, porque el promedio del dinero reunido es aproximadamente la mitad del requerido.
- D. No, porque el promedio del dinero reunido es \$3.000 menos que el requerido.

3 En un parqueadero de Quibdó la tarifa está definida de acuerdo al siguiente aviso:



Javier dejó estacionado su automóvil en el parqueadero durante tres horas y media. ¿Cuánto debe pagar?

- A. \$11.200
- B. \$14.800
- C. \$15.000
- D. \$14.200

4 En una feria se juega tiro al blanco; por cada acierto se ganan \$5.000 y por cada desacierto se pierden \$1.700.

Pablo lanzó tres veces y acertó una vez en el blanco. ¿Cuánto dinero ganó o perdió al final de los tres lanzamientos?

- A. Ganó \$5.000
- B. Perdió \$3.400
- C. Ganó \$1.600
- D. Perdió \$3.400

